

TEST 3.3 - 3. letnik. Kotne funkcije

G – 3

IME IN PRIIMEK: _____

Naloga 1:

točke 3 + 5 + 2

Podana je funkcija

$$f(x) = -2 \sin\left(\frac{1}{2}x - \frac{\pi}{3}\right).$$

a) Določi osnovno periodo funkcije in izračunaj začetno vrednost.

[perioda: 4π ; $f(0) = \sqrt{3}$]

b) Določi ničle in abscise ekstremov na intervalu $[-3\pi, 3\pi]$.

[ničle: $-\frac{4\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}, \frac{8\pi}{3}$; max: $-\frac{\pi}{3}$; min: $\frac{5\pi}{3}$]

c) Nariši graf funkcije.

Naloga 2:

točke 4 + 4

a) Na enotski krožnici leži točka z ordinato $\frac{\sqrt{11}}{6}$. Določi drugo koordinato te točke.

[$T(\frac{5}{6}, \frac{\sqrt{11}}{6})$ ali $T'(-\frac{5}{6}, \frac{\sqrt{11}}{6})$]

b) Točko zarotiramo za kot $\frac{\pi}{4}$ okoli izhodišča. Določi koordinate nove točke.

[$T_1(\frac{\sqrt{22}+5\sqrt{2}}{12}, \frac{5\sqrt{2}-\sqrt{22}}{12})$]

Naloga 3:

točke 4 + 5

Kotne funkcije zapiši z ostromi kotom in izračunaj:

a) $\sin^2 1125^\circ - \tan(-135^\circ) - \cot^2(-225^\circ)$

b) $\frac{\sin^2(\frac{9\pi}{4}) + \cos^2(\frac{7\pi}{4})}{\tan(-\frac{11\pi}{4})}$

[$-\frac{3}{2}; 1$]

Naloga 4:

točke 4 + 5

Poenostavi:

a) $(\sin(x + \frac{\pi}{6}) + \sin(x - \frac{\pi}{6}))^2$

b) $\frac{\cos x \cdot \sin 2x}{\sin x + \sin x \cos 2x}$

[$3 \sin^2 x; 1$]

Naloga 5:

točke 4 + 5

Reši enačbo:

a) $\tan(2x + \frac{\pi}{3}) = \sqrt{3}$

b) $\sin^2 x + 4 \cos x + 4 = 0$

[$x = \frac{k\pi}{2}; x = \pi + 2k\pi$]

Naloga 6:

točke 12

Naj bo α topi kot.

a) Izračunaj $\cos \frac{\alpha}{2}$ in $\cot 2\alpha$, če je $\sin \alpha = \frac{12}{13}$.

[$\frac{2\sqrt{13}}{13}; \frac{119}{120}$]

b) Katera vrednost je večja: $\cos(\alpha + \frac{\pi}{4})$ ali $\sin(\alpha - \frac{\pi}{4})$?

[druga: $-17\sqrt{2}/26 < 17\sqrt{2}/26$;]

Kriterij ocenjevanja:

število možnih točk na testu: 57

ocena	1	2	3	4	5	število osvojenih točk	OCENA
%	[0, 45)	[45, 60)	[60, 75)	[75, 90)	[90, 100]	<input type="text"/> od 57	<input type="text"/>



Priloga. Rešitev 1.c: graf

